

Problemas:

1. Demostrar que:

- a) Si  $A \subset B$  y  $B \subset C$ ,  $A \subset C$
- b) Si  $A \subset B$  entonces  $A \cup B = B$
- c) Si  $B \subset A$  entonces  $B \cup C \subset A \cup C$  y  $B \cap C \subset A \cap C$

2. Demostrar que:

- a)  $A \cup B = B \cup A$  y que  $A \cap B = B \cap A$
- b)  $A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C$

3. Para un subconjunto C de S, sea  $C'$  el complemento de C dentro de S. Para cualesquiera dos subconjuntos A, B de S, demuestra que:

- a)  $(A \cap B)' = A' \cup B'$
- b)  $(A \cup B)' = A' \cap B'$

4. Sea  $C_0$  la cardinalidad de un conjunto C. Demuestra que:

$$(A \cup B)_0 = A_0 + B_0 - (A \cap B)_0$$

5. Si A es un conjunto de cardinalidad finita con n elementos, demuestra que A tiene exactamente  $2^n$  subconjuntos.